



الفصل السادس - الجزء الخامس

تحليل التعادل والرافعة التشغيلية Break-Even Analysis and Operating Leverage

2- درجة الرافعة التشغيلية عند مستوى محدد من المبيعات .

الطريقة الثانية الحساب درجة الرافعة التشغيلية هي بالنسبة لنقطة التعادل الخطية ، أي باستخدام المتغيرات المحددة بتحليل التعادل، ثم تطوير المعادلة السابقة المعادلة (6-8) نصاب درجة الرافعة التشغيلية عند أي مستوى من المبيعات Q .

المعادلة (6-9)

$$DOLQ = \frac{Q(P-V)}{Q(P-V) - F} = \frac{C}{X}$$

أما كيفية الوصول الى المعادلة (6-9) فيتم بالتعويض في المعادلة (6-8) بمتغيرات تحليل التعادل. بالتحديد يعرف الدخل التشغيلي بالفرق بين الإيرادات والتكاليف (الثابتة والمتغيرة)، وذلك كما مبين في المعادلة الآتية:

المعادلة (6-10)

$$EBIT = Q(p-V) - F$$

اما التغير في الدخل التشغيلي EBIT فهو التغير في الإيرادات ناقص التغير في التكاليف المتغيرة . ولا تدخل التكاليف الثابتة في حساب التغير لأنها ثابتة، وكما مبين في المعادلة الآتية:

المعادلة (6-11)

$$\Delta EBIT = \Delta Q(p-V)$$

والحصول على درجة الرافعة التشغيلية تضرب النسبة المئوية للتغير في الدخل التشغيلي بمقلوب النسبة المئوية للتغير في المبيعات وكما يأتي :

المعادلة (6-12)

$$DOL = \frac{\Delta Q(p-V)}{Q(P-V) - F} \times \frac{Q}{X}$$

وباختصار AQ نحصل على المعادلة

المعادلة (6-12):

$$DOL = \frac{Q(p-V)}{Q(P-V) - F} \times \frac{C}{X}$$

ويمكن تطبيق المعادلة (6-13) على بيانات الشركات الثلاث السابق مناقشتها . أن كل شركة من الشركات الثلاث لها نفس دالة الإيرادات الكلية وهي:

$$TR = 2 \text{ dinar} \times Q$$

أما بالنسبة لدوال التكاليف لهذه الشركات فهي مختلفة وتقديراتها كما يأتي:

الشركة	التكاليف الثابتة	التكاليف المتغيرة (Q×V) الوحدة × الكمية	المساهمة P-V=C سعر بيع الوحدة - الكلفة المتغيرة للوحدة
--------	------------------	---	---

A إجمالي التكلفة TC =	20000 +	Qx1.5	0.5 دينار
B إجمالي التكلفة TC =	40000 +	Qx1.2	0.8 دينار
C إجمالي التكلفة TC =	160000 +	Qx1	1 دينار

و لحساب درجة الرافعة التشغيلية عند مستوى مبيعات 100000 وحدة للشركات الثلاث يمكن استخدام نمط الدخل التشغيلي الآتي:

الشركة المساهمة الاجمالية = C الدخل التشغيلي - المساهمة الاجمالية - التكاليف الثابتة

الشركة	لمساهمة الاجمالية (نسبة مساهمة الوحدة X CQ الكمية Q)	C الدخل التشغيلي - المساهمة الاجمالية - التكاليف الثابتة
A	50000	30000
B	80000	40000
C	100000	40000

وفي ضوء ذلك يمكن حساب رجة الرافعة التشغيلية لكل شركة من الشركات الثلاث كما يأتي:

$$DOL = C/X$$

$$DOL_A = 50000 / 30000 = 1.67$$

$$DOL_B = 80000 / 40000 = 2$$

$$DOL_c = 100000 / 40000 = 2.5$$

يستدل من نتائج الحساب هذه بأن الشركة A التي تتميز بتكاليف ثابتة منخفضة، وتكلفة متغيرة للوحدة الواحدة مرتفعة هي الأقل درجة رافعة تشغيلية 1.67، بالمقارنة مع الشركة C ذات التكلفة الثابتة الاعلى والتكلفة المتغيرة للوحدة الواحدة الادنى. فهي الاعلى في درجة رافعتها التشغيلية 2.5. اما الشركة B تتميز بتكاليف ثابتة ومتغيرة معتدلة، ولهذا فهي تقع بين الاثنين من حيث درجة الرافعة التشغيلية التي تساوي 2. ان الشركة A يغلب عليها طابع الكثافة العمالية، بينما يغلب على الشركة C طابع الكثافة الرأسمالية بكلام آخر تتميز الشركة A بانخفاض نسبة التكاليف الثابتة الى اجمالي التكاليف، بالمقارنة مع الشركة التي تكون فيها هذه النسبة مرتفعة. وبحساب كمية التعادل للشركات الثلاث يتبين بأن كمية التعادل للشركة (C) ذات درجة الرافعة التشغيلية الأعلى هي الاكبر بالمقارنة مع الشركتين A و B ، وهذا الشيء اصبح معلوماً ، فالشركة ذات الرافعة التشغيلية المرتفعة تكون كمية تعادلها مرتفعة بالقياس الى شركات هي ادنى منها درجة رافعة تشغيلية. ويبلغ التعادل 60000 وحدة للشركة ، C، و 50000 وحدة للشركة B و 40000 وحدة للشركة A .

وفي ضوء ما تقدم فأن التفسير المالي لأرقام درجة الرافعة التشغيلية لكل من الشركات الثلاث يعني ان زيادة حجم المبيعات بنسبة 100% للشركة C التي لها اعلى رافعة تشغيلية بين الشركات الثلاث يؤدي الى زيادة ارباحها بنسبة 250% كما ان نفس مقدار الزيادة 100% في حجم مبيعات الشركة ، والتي لها قبل رافعة تشغيلية بين الشركات الثلاث تؤدي الى زيادة الارباح بنسبة 167% فقط. والى زيادة 200% في ارباح الشركة B ذات الرافعة التشغيلية المساوية الى 2 . وإذا انخفضت المبيعات بنسبة 100%، فأنها تؤدي الى انخفاض الارباح التشغيلية للشركات بذات النسب اي 250% للشركة ، C، و 200% للشركة B ، و 167% للشركة A وربما يؤدي ذلك الى خسارة تشغيلية.

وتلخيصاً لما سبق، يتبين بأن حساب درجة الرافعة التشغيلية بالطريقة الجبرية توضح نفس النمط الذي يوضحه الشكل (6-6)، من أن أرباح الشركة C التي لها أعلى درجة تشغيلية تكون أكثر حساسية للتغير في حجم المبيعات، في حين أن أرباح الشركة A التي لها أقل درجة تشغيلية تكون أقل حساسية للتغير في حجم المبيعات. أما بالنسبة للشركة B التي درجة رافعتها التشغيلية بين A و C، فتكون حساسيتها أي حساسية أرباحها للتغير في حجم المبيعات هي بين الشركتين A و C. كذلك تجدر الإشارة إلى أن درجة الرافعة التشغيلية تختلف من مستوى إنتاج أو مبيعات إلى آخر. فتبدأ بقيم سالبة وصغيرة لتصبح كبيرة جداً "لا نهائية" (Infinite) عند كمية التعادل، ثم تأخذ قيماً موجبة تتناقص بتزايد مستوى الإنتاج ما بعد كمية التعادل. ويتضح ذلك من قيم درجة الرافعة التشغيلية للشركة C التي تم حسابها لمستويات إنتاج مختلفة كما هو مبين في الجدول (5-6). أن القيمة السالبة لدرجة الرافعة التشغيلية تعني أن زيادة واحد بالمائة في المبيعات من مستوى 4000 وحدة مثلاً يخفض خسائر الشركة بنسبة 2%. بالطبع أن تخفيض الخسائر يعني زيادة في الأرباح. أما السبب في تناقص قيمة درجة الرافعة التشغيلية ما بعد كمية التعادل فيعود إلى الدخول في مرحلة تناقص العوائد عند مستويات مرتفعة من الإنتاج بكلام آخر، أن قيمة درجة الرافعة التشغيلية تكون أكبر عند مستويات المبيعات التي تلي كمية التعادل مباشرة منها عند مستويات المبيعات المرتفعة.

جدول (5-6)

درجة الرافعة التشغيلية للشركة C المستويات إنتاج مختلفة

كمية الإنتاج (وحدة)	درجة الرافعة التشغيلية
20000	-0.5
40000	- 2.0
60000	Infinity
80000	4
100000	2.5
120000	2
200000	1.4

أن درجة الرافعة التشغيلية تقيس التأثير على الربحية الناشئ عن التغير في كل من اتجاه وحجم كمية الإنتاج المباع، بمعنى ارتفاع أو انخفاض في كمية الإنتاج المباع أن مقياس الرافعة التشغيلية له تطبيقات هامة في العديد من المجالات والسياسات المالية. فمثلاً وعلى افتراض أن المنشأة C تستطيع أن تزيد عدد الوحدات من مبيعاتها من 100000 وحدة إلى 120000 وحدة عن طريق تخفيض سعر بيع الوحدة من دينارين إلى 1.900 دينار عندئذ يتحدد مقدار صافي الدخل التشغيلي الذي تحققه المنشأة كما يأتي:

$$\begin{aligned}
 \text{Net operating Income (NOI)} &= Q (P-V) - F \\
 &= 120000 (1.9 - 1) - 60000 \\
 &= 108000 - 60000 \\
 &= 48000 \text{ دينار}
 \end{aligned}$$

أن درجة الرافعة التشغيلية تمثل مفهوم المرونة، وهي مماثلة للمرونة السعرية في الاقتصاد، وتكون درجة الرافعة التشغيلية في المرونة أعلى ما يمكن بالقرب من نقطة التعادل. أي أن تغيراً صغيراً في حجم منتج بالقرب من نقطة التعادل، يؤدي إلى نسبة عالية جداً في زيادة الأرباح.

يتبين من هذه النتيجة أن المنشأة C تستطيع أن تزيد أرباحها من مبلغ 40000 دينار الذي تحققه من بيع 100000 وحدة إلى مبلغ 48000 دينار الذي يدره بيع 120000 وحدة بسعر 19 دينار للوحدة. يتضح من ذلك أن المنشأة التي لديها درجة رافعة تشغيلية عالية يمكن أن تزيد أرباحها باتباع سياسة متحررة في التسعير، وبخاصة إذا كانت مرونة الطلب لمنتجاتها عالية، أي إذا أدى انخفاض قليل في السعر إلى زيادة كبيرة في الطلب. ولكن من ناحية أخرى، عندما تكون

خاضعة لتقلبات كبيرة، بمعنى أن انخفاضاً قليلاً في حجم المنتج المباع يؤدي إلى انخفاض كبير في الأرباح، والعكس صحيح.

وأخيراً إن مفهوم الرافعة التشغيلية له مضامين مهمة تتعلق بسياسات تسعير السلعة وسياسات التمويل في الشركة. فمثلاً تستطيع شركة تتمتع بدرجة رافعة تشغيلية عالية. وتواجه كساداً في مبيعاتها أن تخفض السعر قليلاً فتزيد من مبيعاتها (بحسب مرونة الطلب بالنسبة للسعر) وتستفيد من الزيادة الكبيرة في الأرباح التشغيلية الناتجة عن الزيادة في المبيعات إن اتبعت سياسة تسعير من هذا النوع يمكن الشركة قلب خسائرها إلى أرباح إذا كانت تخسر، أو من زيادة أرباحها إذا كانت أرباحها ضئيلة. بالنسبة لسياسات التمويل فإن الطاقة الاستيعابية للتمويل بالدين تكون أقل إذا كانت درجة الرافعة التشغيلية عالية في الشركة.

شُكْرًا لَكُمْ