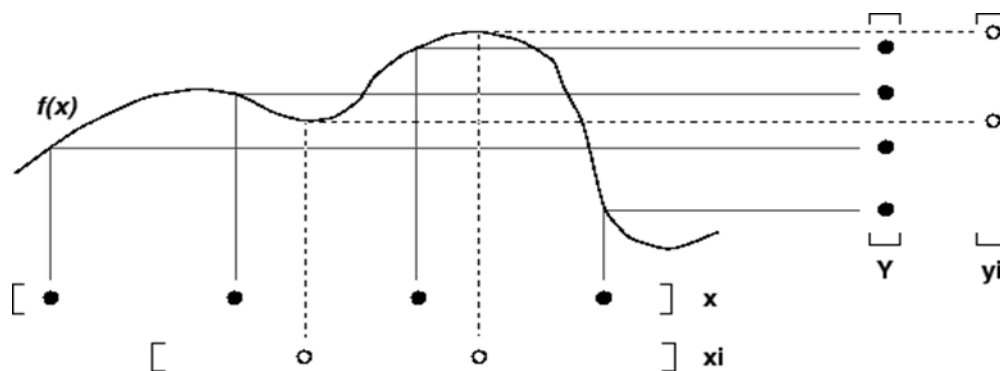




Polynomials - Interpolation

1. One-Dimensional Interpolation

The command `interp1` interpolates between data points. It finds values at intermediate points, of a one-dimensional function that underlies the data. This function is shown below, along with the relationship between vectors x , y , x_i , and y_i .



Interpolation is the same operation as table lookup. Described in table lookup terms, the table is $[x,y]$ and `interp1` looks up the elements of x_i in x , and, based upon their locations, returns values y_i interpolated within the elements of y .

Syntax

`y_i = interp1(x,y,x_i)`

where x_i may be single element or a vector of elements.



Exercise 1:

The vapor pressures of 1-chlorotetradecane at several temperatures are tabulated here.

T (°C)	98.5	131.8	148.2	166.2	199.8	215.5
P*(mmHg)	1	5	10	20	60	100

Calculate the value of vapor pressure corresponding to 150 °C? Solution:

T= [98.5 131.8 148.2 166.2 199.8 215.5];

P= [1 5 10 20 60 100];

Pi=interp1 (T, P, 150)

The result will be:

Pi=

11.0000

Exercise 2:

The heat capacity of a gas is tabulated at a series of temperatures:

T (°C)	20	50	80	110	140	170	200	230
C _p /mol.°C	28.95	29.13	29.30	29.48	29.65	29.82	29.99	30.16

Calculate the values of heat capacity corresponding to 30, 70, 100 and 210

°C. Solution:

T= [20 50 80 110 140 170 200 230];

CP= [28.95 29.13 29.30 29.48 29.65 29.82 29.99 30.16];

Xi=[30 70 100 210];

CPi=interp1 (T, CP,Xi)

The results will be

P_v =

29.0100 29.2433 29.4200 30.0467



Exercise 3:

Chemical engineer, as well as most other engineers, uses thermodynamics extensively in their work. The following polynomial can be used to relate specific heat of dry air, C_p KJ/(Kg K), to temperature (K):

$$C_p = 0.994 + 1.617 \times 10^{-4} T + 9.7215 \times 10^{-8} T^2 - 9.5838 \times 10^{-11} T^3 + 1.9520 \times 10^{-14} T^4$$

Determine the temperature that corresponds to a specific heat of 1.2 KJ/(Kg K).

الهدف هو تحديد درجة الحرارة عندما تكون الحرار النوعية = ١.٢

Solution:

$$T = 10:10:10000;$$

١. في البداية، يتم تحديد نطاق درجات الحرارة الذي سيتم فيه حساب قيم الحرارة النوعية. يتم إنشاء متجه T

$$C_p = 0.99403 + 1.617e-4 * T + 9.7215e-8 * T.^2 - 9.5838e-11 * T.^3 + 1.9520e-14 * T.^4;$$

٢. بعد ذلك، يتم حساب قيم الحرارة النوعية لكل درجة حرارة باستخدام المعادلة المعطاة. يتم تخزين هذه القيم في متجه C_p

$$Ti = \text{interp1}(C_p, T, 1.2)$$

٣. بعد ذلك، يتم استخدام دالة `interp1` للبحث عن درجة الحرارة T التي تقابل قيمة الحرارة النوعية $C_p = 1.2$ يعمل الأمر `interp1` على إجراء الاستيفاء الأحادي البعد، حيث يبحث عن قيمة T التي تعطي قيمة حرارة نوعية قريبة من ١.٢



2. Two-Dimensional Interpolation

The `interp2` command performs two-dimensional interpolation between data points.

It finds values of a two-dimensional function underlying the data at intermediate points>

Its most general form is:

$Z_i = \text{interp2}(X, Y, Z, X_i, Y_i)$

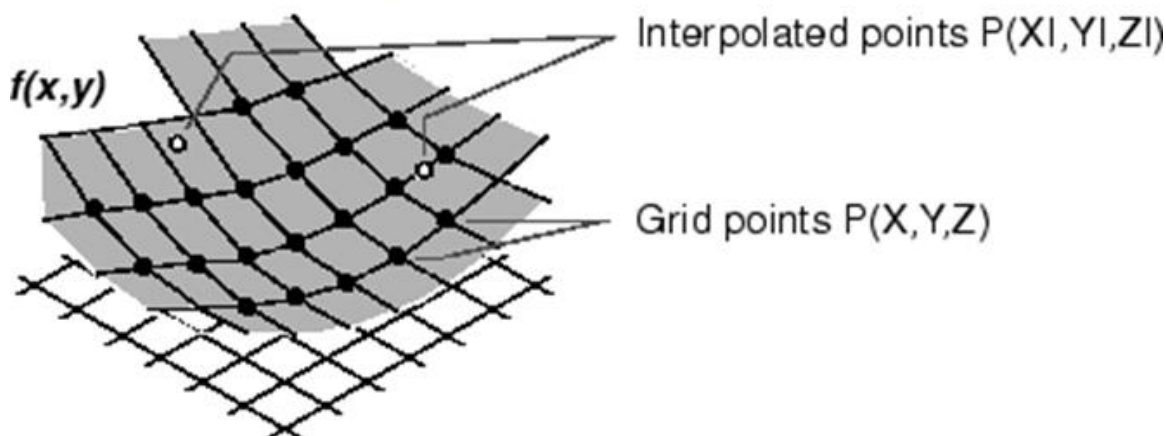
$Z_{\text{vector}} = \text{interp2}(X, Y, Z, X_{\text{vector}}, Y_{\text{vector}})$

X = القيم على المحور X.

Y = القيم على المحور Y.

Z = مصفوفة تحتوي على القيم المقابلة على شبكة من النقاط التي يتم تحديدها بواسطة X و Y.

X_i, Y_i = النقاط التي تريد استيفاء القيم لها على الشبكة.



Note: the number of elements of the X vector and Z matrix rows must be the same, while the number of elements of the Y vector and Z matrix columns must be the same.



Exercise 4:

Calculate the values of z corresponding to $(x,y)=(1.3, 1.5)$ and $(1.5,2.3)$ from data as following:

$x=1, 2$

$y= 1, 2, 3$

$z = 10 \ 20$

$40 \ 50$

$70 \ 80$

الهدف يُطلب منك حساب قيم z المقابلة لنقاط (x, y) معينة باستخدام الاستيفاء ثنائي البعد.

Solution

$x = [1 \ 2];$

$y = [1 \ 2 \ 3];$

$z = [10 \ 20; 40 \ 50; 70 \ 80];$

$z1 = \text{interp2}(x,y,z,1.3,1.5)$

The results will be

$z1 =$

28

To interpolate a vector of x, y points repeat the same code with small change:

$z12 = \text{interp2}(x,y,z,[1.3,1.5],[1.5,2.3])$

$z12 =$

28 54