



وزارة التعليم العالي  
والبحث العلمي  
جامعة المستقبل  
قسم التقنيات الاحيائية  
الاحصاء الحياتي  
المرحلة الاولى

## المحاضرة الثامنة مقاييس التشتت

اعداد

م.م علي حسين جابر

٢٠٢٤-٢٠٢٥

## مقاييس التشتت

هي ادوات تستخدم لقياس مدى انتشار او تباين البيانات حول قيمه مركزيه مثل المتوسط الحسابي او الوسيط . تساعد هذه المقاييس في فهم توزيع البيانات وتحديد مدى تجانسها او تفرقتها حيث ان في علم الاحصاء لا يكفي ان نعرف المتوسط الحسابي او الوسيط لفهم طبيعة البيانات فقد تكون مجموعتان من البيانات لهما نفس المتوسط ولكن تختلفان تماما في مدى تشتت القيم حول هذه القيمه لذلك سنستخدم مقاييس التشتت لقياس مدى انتشار البيانات وتحديد تجانسها او تفرقتها .

## التباين والانحراف القياسي

اذا كان لدينا  $n$  من المشاهدات  $Y_1, Y_2, \dots, Y_n$ ، فان التباين (يرمز له  $S^2$ ) يكون

$$S^2 = \frac{\sum(Y_i - \bar{Y})^2}{n - 1} = \frac{\sum Y_i^2 - \frac{(\sum Y_i)^2}{n}}{n - 1}$$

ويلاحظ ان القانون اعلاه هو لحساب تباين العينة ، اما اذا كانت قيم المشاهدات تمثل المجتمع كله فأن التباين ( يرمز له في هذه الحالة  $S^2$  Sigma-squary ) ويحسب كما يلي

$$\sigma^2 = \frac{\sum(Y_i - M)^2}{N}$$

حيث ان  $M$  تمثل الوسط الحسابي للمجتمع

$N$  تمثل عدد مفردات المجتمع

الانحراف القياسي  $S$  لعينة ما هو الجذر التربيعي لتباين تلك العينة

$$S = \sqrt{\frac{\sum(Y_i - \bar{Y})^2}{n-1}}$$

$$= \sqrt{\frac{\sum Y_i^2 - \frac{(\sum Y_i)^2}{n}}{n-1}}$$

ويكون الانحراف القياسي للمجتمع  $\sigma$  هو

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum(Y_i - M)^2}{N}}$$

### مثال

البيانات التالية تبين كمية المحصول/للقطعة (كغم) للقطن في خمس مزارع . احسب الانحراف

القياسي والتباين لها  $Y_i = 9, 8, 6, 5, 7$

### الحل

$Y_i$	$Y - \bar{Y}$	$(Y_i - \bar{Y})^2$
٩	$9 - 7 = 2$	٤
٨	$8 - 7 = 1$	١
٦	$6 - 7 = 1$	١
٥	$5 - 7 = 2$	٤
٧	$7 - 7 = 0$	٠
$\sum Y_i = 35$ $\bar{Y} = 7$	٠	١٠

$$S = \sqrt{\frac{\sum(Y_i - \bar{Y})^2}{n-1}} = \sqrt{\frac{10}{4}} = \sqrt{2.5}$$

$$= 1.58$$

$$S^2 = 2.5$$

### واجب

للمثال السابق استخدم الصيغة الثانية ليجاد الانحراف القياسي .

### البيانات المبوبة

إذا كانت  $Y_1, Y_2, \dots, Y_K$  تمثل مراكز الفئات في جدول التوزيع التكراري وان تكراراتها هي  $f_1, f_2, \dots, f_K$  على التوالي، فإن الانحراف القياسي لها هو

$$S = \sqrt{\frac{\sum f_i (Y_i - u)^2}{\sum f_i - 1}} \dots\dots\dots (1)$$

$$= \sqrt{\frac{\sum f_i Y_i^2 - \frac{(\sum f_i u_i)^2}{\sum f_i}}{\sum f_i - 1}} \dots\dots\dots (2)$$

### مثال

احسب الانحراف القياسي والتباين لجدول التوزيع التكراري التالي

### الحل

الفئات	$f_i$	$u_i$	$(y_i - u)$	$(y_i - u)^2$
--------	-------	-------	-------------	---------------

٦٠ - ٦٢	٥	٦١	- 6.45	41.6025
٦٣ - ٦٥	١٨	٦٤	- 3.45	11.9025
٦٦ - ٦٨	٤٢	٦٧	- 0.45	0.2025
٦٩ - ٧١	٢٧	٧٠	2.55	6.5025
٧٢ - ٧٤	٨	٧٣	5.5٥	30.8025
$\Sigma$	١٠٠			

$$\Sigma f_i (Y_i - u)^2 \quad 208.0125 \quad 214.2450 \quad 8.5050$$

$$175.5675 \quad 246.4200 \quad 852.7500$$

$$S = \sqrt{\frac{\Sigma f_i (Y_i - u)^2}{\Sigma f_i - 1}} = \sqrt{\frac{852.7500}{99}} = \sqrt{8.6} = 2.9$$

$$S^2 = \frac{852.7500}{99} = 8.6$$

### واجب

استخدم الصيغة رقم (٢) لاجاد التباين والانحراف القياسي

### مقاييس التشتت النسبي

ان مقاييس التشتت النسبي لها اهميتها عند مقارنة تشتت مجموعتين او اكثر تختلف في وحدات القياس لقيمتها ، لان مقاييس التشتت النسبي تكون خالية من وحدات القياس ، واهم مقاييس التشتت هي

#### ١- معامل الاختلاف

اذا كان  $S$  ،  $\bar{Y}$  هي الانحراف القياسي والوسط الحسابي لمجموعة من القيم على التوالي فإن معامل الاختلاف لها (ويرمز له C.V) هو

$$C.V = \frac{S}{\bar{Y}} * 100$$

### مثال

اجريت تجربة لدراسة طول النبات (سم) وكمية المحصول (كغم) لـ ١٥٠ نباتاً من الذرة ، فكانت النتائج كالاتي

	<u>طول</u>	<u>كمية المحصول</u>
$\bar{Y}$	200	800
S	16	36

قارن بين تشتت الصفتين ؟

### الحل

$$C.V = \frac{S}{\bar{Y}} * 100$$

$$C.V = \frac{16}{200} * 100 = 8\%$$

بالنسبة للطول

$$C.V = \frac{36}{800} * 100 = 4.5\%$$

بالنسبة للكمية

أذن التشتت كان اكبر في صفة الطول .

## الدرجة القياسية

تسمى القيمة  $Z_t$  الدرجة القياسية اذا كانت تساوي

$$Z_t = \frac{Y_i - \bar{Y}}{s}$$

ومن هذا يتضح بأن الدرجات القياسية خالية من الوحدات المستخدمة في القياس .

### مثال

حصل طالب على درجة (٨٤) في الامتحان النهائي بالرياضيات علماً بان الوسط الحسابي في امتحان الرياضيات لجميع الطلبة كان (٧٦) وبأنحراف قياسي قدره (١٠) ، اما في امتحان الفيزياء فقد حصل نفس الطالب على درجة (٩٠) حيث كان الوسط الحسابي في امتحان الفيزياء لجميع الطلبة (٨٢) والانحراف القياسي (١٦) ، ففي اي الامتحان كانت قابلية هذا الطالب اعلى ؟

### الحل

عند مقارنة درجة الامتحانين مباشرة نجد ان درجته في الفيزياء (٩٠) اعلى من درجته في الرياضيات (٨٤)

$$Z_t = \frac{Y_i - \bar{Y}}{s}$$

$$Z_t = \frac{84 - 76}{10} = 0.8$$

$$Z_t = \frac{90 - 82}{16} = 0.5$$